

# Étude de l'application de réflexion CR formelle

Joël MERKER

LATP, CMI, 39, rue Joliot Curie, 13453 Marseille cedex 13, France  
Courriel : merker@cmi.univ-mrs.fr

(Reçu le 18 septembre 2000, accepté après révision le 11 juin 2001)

**Résumé.** On étudie la convergence de l'application de réflexion CR associée à une équivalence formelle entre deux sous-variétés CR-génériques analytiques réelles minimales de  $\mathbb{C}^n$ .  
© 2001 Académie des sciences/Éditions scientifiques et médicales Elsevier SAS

## *Study of the formal CR-reflection mapping*

**Abstract.** We study the convergence of the CR reflection mapping associated with a formal equivalence of two minimal CR-generic real analytic submanifolds in  $\mathbb{C}^n$ . © 2001 Académie des sciences/Éditions scientifiques et médicales Elsevier SAS

### 1. Application de réflexion et équivalences formelles de variétés CR

Soient  $(M, p)$  et  $(M', p')$  deux germes de sous-variétés CR-génériques analytiques réelles de  $\mathbb{C}^n$  ayant même codimension  $d$  et même dimension CR  $m$ , avec bien sûr  $m + d = n$ . Dans des coordonnées holomorphes  $t$  s'annulant en  $p$ , on peut supposer que  $(M, p)$  est le lieu d'annulation de  $d$  fonctions  $\rho_1(t, \bar{t}), \dots, \rho_d(t, \bar{t})$  analytiques réelles qui satisfont  $\rho_1(0) = \dots = \rho_d(0) = 0$  et  $\partial\rho_1 \wedge \dots \wedge \partial\rho_d(0) \neq 0$ . De même, soient  $\rho'_l(t', \bar{t}') = 0$ ,  $l = 1, \dots, d$ , des équations pour  $(M', p')$ . Soit  $h(t) = (h_1(t), \dots, h_n(t))$  une collection de séries formelles  $h_j(t) \in \mathbb{C}[[t]]$  avec  $h_j(0) = 0$ . Par définition,  $h$  induit une application formelle entre  $(M, p)$  et  $(M', p')$  s'il existe une matrice de taille  $d \times d$  de séries formelles  $b(t, \bar{t})$  telle que  $\rho'(h(t), \bar{h}(\bar{t})) \equiv b(t, \bar{t}) \rho(t, \bar{t})$ . On dira que  $h$  est une *équivalence* formelle si de plus  $\det(\frac{\partial h_i}{\partial t_j}(0))_{1 \leq i, j \leq n} \neq 0$ . Des conditions suffisantes pour qu'une telle application formelle  $h(t)$  converge sont données dans [2,3].

Dans un travail antérieur [6] et en étudiant les travaux de Diederich–Pinchuk [4,5], l'auteur a remarqué l'existence d'un invariant plus général que l'application  $h$ , qu'on appellera *application de réflexion*, et suggéré l'intérêt d'établir sa régularité, lorsque  $(M', p')$  n'est pas essentiellement finie, ou plus généralement, sans faire d'hypothèse de non-dégénérescence sur  $(M', p')$ . Soient des coordonnées  $t' = (w', z') \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$ , s'annulant en  $p'$  telles que les  $d$  équations de la complexifiée  $(\mathcal{M}', (p', \bar{p}')) \subset \mathbb{C}^{2n}$  s'écrivent  $\xi'_l = Q'_l(\zeta', t') = \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} \zeta'^{\gamma} Q'_{l,\gamma}(t')$ ,  $l = 1, \dots, d$ , où  $\tau' = (\zeta', \xi') \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$  (voir [2], chap. IV). Alors l'application de réflexion associée à  $h$  dans ce système de coordonnées s'exprime par une série formelle vectorielle :

$$\mathcal{R}'_h(\tau', t) := \xi' - \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} \zeta'^{\gamma} Q'_{\gamma}(h(t)) \in \mathbb{C}[[\tau', t]]^d. \quad (1)$$

Note présentée par Pierre LELONG.

S0764-4442(01)02035-3/FLA

© 2001 Académie des sciences/Éditions scientifiques et médicales Elsevier SAS. Tous droits réservés

En toute rigueur, cette application  $\mathcal{R}'_h$  dépend du système de coordonnées  $t'$ , mais grâce à l'invariance biholomorphe des variétés de Segre, on démontre que la convergence de  $\mathcal{R}'_h$  est une propriété invariante. La variété  $(M, p)$  est dite *minimale* (au sens de Tumanov) s'il n'existe pas de sous-variété CR stricte  $(N, p)$  contenue dans  $(M, p)$  et de dimension CR égale à  $m$ .

**THÉORÈME 1.** – Si  $(M, p)$  est minimale, l'application de réflexion  $\mathcal{R}'_h$  est convergente.

*Remarques.* – (a) De manière équivalente, toutes les applications formelles  $q_\gamma(t) := Q'_\gamma(h(t))$  appartiennent à  $\mathbb{C}\{t\}^{d,m}$  et il existe  $C, \delta > 0$  tels que  $|t| < \delta \Rightarrow |Q'_\gamma(h(t))| < C^{|\gamma|+1}$ .

(b) On supposera dans toute la suite  $(M, p)$  minimale au sens de Tumanov.

(c) Le cas hypersurface du théorème 1 est traité dans [9], avec une méthode qui ne permet pas de traiter la codimension quelconque.

Voici deux applications importantes de ce théorème. Premièrement :

**THÉORÈME 2.** – Si  $(M', p')$  est holomorphiquement non-dégénérée,  $h(t) \in \mathbb{C}\{t\}^n$ .

En effet, rappelons [11] que  $(M', p')$  est holomorphiquement non-dégénérée si et seulement si il existe des entiers  $l_1, \dots, l_n$  avec  $1 \leq l_i \leq d$  et des multi-indices  $\gamma_1, \dots, \gamma_n \in \mathbb{N}^m$  tels que  $\det(\frac{\partial Q'_{l_i, \gamma_i}}{\partial t_j}(t'))_{1 \leq i, j \leq n} \neq 0$  dans  $\mathbb{C}\{t'\}$ . On pose  $R_i(t, t') := Q'_{l_i, \gamma_i}(t') - q_{l_i, \gamma_i}(t) \in \mathbb{C}\{t, t'\}$ . Dans ce cas, les hypothèses du lemme suivant sont satisfaites :

**LEMME 1.** – Soient  $R(t, t') \in \mathbb{C}\{t, t'\}^n$ ,  $t \in \mathbb{C}^n$ ,  $t' \in \mathbb{C}^n$ , et  $h(t) \in \mathbb{C}\llbracket t \rrbracket^n$ ,  $h(0) = 0$ , vérifiant :  $R(t, h(t)) \equiv 0$  et  $\det(\frac{\partial R_i}{\partial t_j}(t, h(t)))_{1 \leq i, j \leq n} \neq 0$  dans  $\mathbb{C}\llbracket t \rrbracket$ . Alors  $h(t) \in \mathbb{C}\{t\}^n$ .

Réciproquement, il est facile d'établir que si  $(M', p')$  est holomorphiquement dégénérée, il existe une équivalence formelle  $\hat{h}$  entre  $(M', p')$  et  $(M', p')$  non convergente (voir [2,3,8]). Le théorème 2 donne ainsi une condition nécessaire et suffisante pour la convergence d'une équivalence formelle entre deux variétés analytiques réelles CR-génériques minimales.

Deuxièmement, d'après le théorème d'approximation d'Artin [1] appliqué aux équations analytiques  $Q'_\gamma(t') - q_\gamma(t) = 0$ ,  $\gamma \in \mathbb{N}^m$ , satisfaites par  $h(t)$ , pour tout  $N \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ , il existe  $H_N(t) \in \mathbb{C}\{t\}^n$  vérifiant  $Q'_\gamma(H_N(t)) = q_\gamma(t)$ ,  $\forall \gamma$ , telle que  $H_N(t) \equiv h(t) \pmod{(|t|^N)}$ . On vérifie que pour  $N \geq 2$  l'application  $t \mapsto H_N(t)$  établit alors un biholomorphisme entre  $(M, p)$  et  $(M', p')$ . En conclusion :

**THÉORÈME 3.** –  $(M, p)$  et  $(M', p')$  sont biholomorphes ssi elles sont formellement équivalentes.

*Remarque.* – Ce résultat a été obtenu récemment par Baouendi–Rothschild–Zaitsev dans [3] en supposant l'application  $t' \mapsto (Q'_\gamma(t'))_{\gamma \in \mathbb{N}^m}$  de rang constant au voisinage de  $p'$ .

Résumons maintenant les idées principales de la démonstration du théorème 1.

## 2. Convergence de $\mathcal{R}'_h$ et de ses jets sur les chaînes de Segre

L'application  $h$  induit une application formelle  $(h, \bar{h})$  entre les complexifiées  $(\mathcal{M}, 0)$  et  $(\mathcal{M}', 0)$ . On note  $\mathcal{L} = (\mathcal{L}^1, \dots, \mathcal{L}^m)$  et  $\underline{\mathcal{L}} = (\underline{\mathcal{L}}^1, \dots, \underline{\mathcal{L}}^m)$  des bases de  $T^{1,0}\mathcal{M}$  et  $T^{0,1}\mathcal{M}$  à coefficients holomorphes. Dans des coordonnées  $t = (w, z) \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$  telles que les  $d$  équations de la complexifiée  $(\mathcal{M}, (p, \bar{p}))$  s'écrivent  $\xi_l = Q_l(\zeta, t)$ ,  $l = 1, \dots, d$ , où  $\tau = (\zeta, \xi) \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$ , on peut choisir pour de tels champs  $\mathcal{L}^j := \frac{\partial}{\partial w_j} + \frac{\partial Q(w, \tau)}{\partial w_j} \frac{\partial}{\partial z}$  et  $\underline{\mathcal{L}}^j := \frac{\partial}{\partial \zeta_j} + \frac{\partial Q(\zeta, t)}{\partial \zeta_j} \frac{\partial}{\partial \xi}$  (en notation vectorielle). On note  $\mathcal{L}_w(0) = \exp(w^1 \mathcal{L}^1 \dots \exp(w^m \mathcal{L}^m(0)))$  le  $m$ -flot de  $\mathcal{L}$ ,  $w \in \mathbb{C}^m$ , et de même pour  $\underline{\mathcal{L}}_\zeta(0)$ ,  $\zeta \in \mathbb{C}^m$ . Explicitement, on a  $\mathcal{L}_w(0) = (w, \bar{Q}(w, 0), 0, 0) \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d \times \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$ . Appelons les concaténations alternées de tels flots  $k$ -chaînes de Segre (voir [7]); par exemple, pour  $k = 2j$ ,  $(w_1, \dots, w_{2j}) \mapsto \underline{\mathcal{L}}_{w_{2j}}(\mathcal{L}_{w_{2j-1}}(\dots \underline{\mathcal{L}}_{w_2}(\mathcal{L}_{w_1}(0)))) \in \mathcal{M}$ . Si on convient de noter  $w_{(k)} := (w_1, \dots, w_k)$ , où  $w_1, \dots, w_k \in \mathbb{C}^m$

sont proches de 0, ces  $k$ -chaînes seront abrégées dans la suite par  $\Gamma_k(w_{(k)})$ . D'après le critère de minimalité de [2] revu dans [7],  $(M, p)$  est minimale si et seulement si il existe un entier  $\nu_p \leq d$ , le *type de Segre de  $M$  en  $p$* , tel que  $\Gamma_k$  induit une submersion sur un voisinage de 0 dans  $(\mathcal{M}, 0)$  pour tout  $k \geq 2\nu_p + 1$ . Cette propriété peut d'ailleurs être prise comme définition adéquate de la minimalité. Pour démontrer le théorème 1, il suffit donc d'établir le lemme technique principal suivant.

LEMME 2. — Pour tout  $k \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$ , on a  $\mathcal{R}'_h(\tau', \Gamma_k(w_{(k)})) \in \mathbb{C}\{\tau', w_{(k)}\}^d$ .

Par souci de simplicité, traitons seulement le cas  $k = 2$  du lemme; la démonstration complète et les raffinements (voir [7,8]) paraîtront ultérieurement.

### 3. Symétrie par conjugaison complexe et dérivations CR

Tout d'abord, notons  $r'(t', \tau') := z' - \bar{Q}'(w', \tau')$ , d'où  $\bar{r}'(\tau', t') = \xi' - Q'(\zeta', t')$  et aussi  $r(t, \tau) := z - \bar{Q}(w, \tau)$ . Il existe une matrice  $d \times d$  de séries formelles  $b(t, \tau)$  telle que  $r'(h(t), \bar{h}(\tau)) \equiv b(t, \tau) r(t, \tau)$ , d'où par conjugaison et polarisation  $\bar{r}'(\bar{h}(\tau), h(t)) \equiv \bar{b}(\tau, t) \bar{r}(\tau, t)$  aussi. On dira que  $r'(h(t), \bar{h}(\tau)) \equiv 0$  «sur  $\mathcal{M}$ », c'est-à-dire pour  $r(t, \tau) = 0$ , ce qui équivaut à  $\bar{r}(\tau, t) = 0$ , par réalité de la variété  $M$ . Si  $\beta \in \mathbb{N}^m$ , on note  $|\beta| := \beta_1 + \dots + \beta_m$  et  $\mathcal{L}^\beta := (\mathcal{L}^1)^{\beta_1} \dots (\mathcal{L}^m)^{\beta_m}$ , qui sont des dérivations CR d'ordre  $|\beta|$ . Appliquant ces dérivations aux deux identités  $r'(h(t), \bar{h}(\tau)) \equiv 0$  et  $\bar{r}'(\bar{h}(\tau), h(t)) \equiv 0$  valables sur  $\mathcal{M}$ , on obtient deux familles infinies d'équations sur  $\mathcal{M}$  :

$$\begin{cases} (*) : f \equiv \bar{Q}'(g, \bar{h}), & 0 \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} g^\gamma \mathcal{L}^\beta(\bar{Q}'_\gamma(\bar{h})), \quad \forall \beta \in \mathbb{N}^m \setminus \{0\}, \\ (\underline{*}) : \bar{f} \equiv Q'(\bar{g}, h), & \mathcal{L}^\beta \bar{f} \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} \mathcal{L}^\beta(\bar{g}^\gamma) Q'_\gamma(h), \quad \forall \beta \in \mathbb{N}^m \setminus \{0\}. \end{cases} \quad (2)$$

Or, il existe une matrice  $d \times d$  de séries formelles  $a'(t', \tau')$  à coefficients dans  $\mathbb{C}\{t', \tau'\}$ , telle que  $r'(t', \tau') \equiv a'(t', \tau') \bar{r}'(\tau', t')$  et  $a'(0, 0) = -I_d$ . En appliquant les opérateurs  $\mathcal{L}^\beta$  à l'identité  $r'(t', \tau') \equiv a'(t', \tau') \bar{r}'(\tau', t')$ , on a :

$$\mathcal{L}^\beta[r'(t', \tau')] = 0, \quad \forall \beta \in \mathbb{N}^m \iff \mathcal{L}^\beta[\bar{r}'(\tau', t')] = 0, \quad \forall \beta \in \mathbb{N}^m. \quad (3)$$

Cette relation montre l'équivalence des systèmes (\*) et (\underline{\*}), que l'on exploitera dans le lemme 6. Il est important de noter que dans (\*), les dérivations portent sur les termes  $\bar{Q}'_\gamma(\bar{h})$  dont les conjugués interviennent dans la définition de  $\mathcal{R}'_h$ , alors que dans (\underline{\*}) les dérivations portent sur les composantes de  $\bar{h}$ . La démonstration du lemme 2 pour  $k = 2$  procède en quatre moments.

LEMME 3. — On a  $Q'_\beta(h(\Gamma_1(w_1))) \in \mathbb{C}\{w_1\}^d$  pour tout  $\beta \in \mathbb{N}^m$  et  $w_1 \in \mathbb{C}^m$ .

Démonstration. — Grâce à l'hypothèse d'équivalence  $\det(\frac{\partial h_i}{\partial t_j}(0))_{1 \leq i, j \leq n} \neq 0$ , on transforme classiquement (cf. [2,3]) le système (\underline{\*}) en un système équivalent comme suit. Par récurrence sur  $\beta \in \mathbb{N}^m$ , il existe des séries  $\Omega_\beta$   $d$ -vectorielles, holomorphes en leurs variables dans un voisinage de  $(0, 0, \nabla^{|\beta|} \bar{h}(0))$ , telles que pour tout  $(t, \tau) \in \mathcal{M}$  l'identité suivante soit satisfaite :

$$\Omega_\beta(t, \tau, \nabla^{|\beta|} \bar{h}(\tau)) \equiv \frac{1}{\beta!} \partial_{\zeta'}^\beta Q'(\bar{g}(\tau), h(t)) \equiv Q'_\beta(h(t)) + \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m \setminus \{0\}} \frac{(\beta + \gamma)!}{\beta! \gamma!} \bar{g}(\tau)^\gamma Q'_{\beta+\gamma}(h(t)), \quad (4)$$

où l'on a noté ici le  $\kappa$ -jet de  $\bar{h}(\tau)$  sous la forme  $\nabla^\kappa \bar{h}(\tau) = (\partial_\tau^\alpha \bar{h}(\tau))_{|\alpha| \leq \kappa}$ . Soit  $w_1 \in \mathbb{C}^m$ . Alors l'application  $\Gamma_1(w_1)$  s'écrit  $w_1 \mapsto (w_1, \bar{Q}(w_1, 0), 0, 0) \in \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d \times \mathbb{C}^m \times \mathbb{C}^d$ . Si l'on remplace donc  $\tau := (0, 0)$  et  $t := (w_1, \bar{Q}(w_1, 0))$  dans l'identité précédente (4), on obtient, puisque  $\bar{g}(0) = 0$  :

$$Q'_\beta(h(\Gamma_1(w_1))) \equiv Q'_\beta(h(w_1, \bar{Q}(w_1, 0))) \equiv \Omega_\beta(w_1, \bar{Q}(w_1, 0), 0, 0, \nabla^{|\beta|} \bar{h}(0)) \in \mathbb{C}\{w_1\}^d. \quad \square \quad (5)$$

LEMME 4. — Il existe deux constantes  $C, \delta_1 > 0$  telles que  $|w_1| < \delta_1 \Rightarrow |Q'_\beta(\Gamma_1(w_1))| < C^{|\beta|+1}$ .

Démonstration. — D'après l'estimée de Cauchy sur l'application analytique  $Q'(\zeta', t')$ , il existe deux constantes  $C, \delta > 0$  telles que  $|t'| < \delta \Rightarrow |Q'_\beta(t')| < C^{|\beta|+1}$ . Soient  $q_\beta(w_1) := Q'_\beta(h(\Gamma_1(w_1)))$  les

applications analytiques du lemme 3. On pose  $R_\beta(w_1, t') := Q'_\beta(t') - q_\beta(w_1)$ . Par hypothèse, il existe la solution formelle  $t' := h(\Gamma_1(w_1))$  des équations analytiques  $R_\beta(w_1, t') = 0$ . Le théorème d'approximation d'Artin [1] fournit alors une solution convergente  $H(w_1)$ , i.e. satisfaisant  $Q'_\beta(H(w_1)) - q_\beta(w_1) \equiv 0$ . Donc il suffit de choisir  $\delta > 0$  tel que  $|w_1| < \delta_1 \Rightarrow |H(w_1)| < \delta$ .  $\square$

On étudie maintenant toutes les dérivées  $\partial_t^\alpha(Q'_\beta(h(t)))$ ,  $\alpha \in \mathbb{N}^n$ , des applications  $Q'_\beta(h(t))$ . Soit  $\Upsilon^k$  les  $d$  champs de vecteurs tangent à  $\mathcal{M}$  définis par  $\Upsilon^k := \frac{\partial}{\partial z_k} + \frac{\partial Q(\zeta, t)}{\partial z_k} \frac{\partial}{\partial \zeta}$ . On note  $(s, q) \mapsto \Upsilon_s(q)$  le flot de  $\Upsilon^k$ ,  $q \in \mathcal{M}$ ,  $s \in \mathbb{C}$ . En remplaçant  $(t, \tau)$  par  $\Upsilon_s^k(\Gamma_1(w_1))$  dans les identités (4) et en dérivant par rapport à  $\bar{s}$  en  $s = 0$ , on obtient la généralisation suivante des lemmes 3 et 4.

LEMME 5. – Pour tous  $\alpha \in \mathbb{N}^n$ ,  $\beta \in \mathbb{N}^m$ , les dérivées  $\partial_t^\alpha(Q'_\beta(h(t)))$ , restreintes à la première chaîne de Segre convergent, i.e. il existe des séries convergentes  $q_{\alpha, \beta}(w_1)$ ,  $w_1 \in \mathbb{C}^m$ , telles que

$$\partial_t^\alpha(Q'_\beta(h(t)))|_{t=\Gamma_1(w_1)} \equiv q_{\alpha, \beta}(w_1). \quad (6)$$

De plus il existe des constantes  $C_\alpha, \delta_\alpha > 0$ , telles que  $|w_1| < \delta_\alpha \Rightarrow |q_{\alpha, \beta}(w_1)| < (C_\alpha)^{|\beta|+1}$ .  $\square$

Dans le système (\*), on remplace maintenant  $(t, \tau)$  par les valeurs de la deuxième chaîne de Segre conjuguée, i.e. par  $\Gamma_2(w_1, w_2) := \mathcal{L}_{w_2}(\mathcal{L}_{w_1}(0)) = (w_2, \overline{Q}(w_2, w_1, Q(w_1, 0)), w_1, Q(w_1, 0))$ . Observons que  $\bar{h}(\Gamma_2(w_1, w_2)) = \bar{h}(w_1, Q(w_1, 0)) = \bar{h}(\Gamma_1(w_1))$ . Ainsi, grâce au lemme 5, les termes  $\underline{\mathcal{L}}^\beta(\overline{Q}_\gamma(\bar{h})) \circ \Gamma_2(w_2)$  sont des séries convergentes  $\psi_{\beta, \gamma}(w_2)$  et l'on réécrit le système (\*) :

$$f \circ \Gamma_2(w_2) \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} (g \circ \Gamma_2(w_2))^\gamma \psi_{0, \gamma}(w_2), \quad 0 \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} (g \circ \Gamma_2(w_2))^\gamma \psi_{\beta, \gamma}(w_2). \quad (7)$$

LEMME 4. – On a  $Q'_\beta(h \circ \Gamma_2(w_2)) \in \mathbb{C}\{w_2\}^d$  pour tout  $\beta \in \mathbb{N}^m$  et  $w_2 \in \mathbb{C}^{2m}$ .

Démonstration. – Puisque l'application formelle  $h \circ \Gamma_2(w_2)$  est une solution du système d'équations analytiques (7), le théorème d'Artin fournit une solution convergente  $H(w_2) \in \mathbb{C}\{w_2\}^n$ . Grâce à l'équivalence (3), on déduit que  $H$  vérifie  $\bar{f} \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} \bar{g}^\gamma Q'_\gamma(H)$  et  $\underline{\mathcal{L}}^\beta \bar{f} \equiv \sum_{\gamma \in \mathbb{N}^m} \underline{\mathcal{L}}^\beta(\bar{g}^\gamma) Q'_\gamma(H)$ . Pour terminer, on utilise un lemme d'unicité qui consiste à comparer ces équations au système (\*) de (2) ; on obtient :  $Q'_\beta(h(\Gamma_2(w_2))) \equiv Q'_\beta(H(w_2)) \in \mathbb{C}\{w_2\}^d$ .  $\square$

Enfin, l'estimée de Cauchy évidente  $|w_2| < \delta_2 \Rightarrow |Q'_\beta(H(w_2))| < C_2^{|\beta|+1}$  permet de conclure que  $\mathcal{R}'_h(\tau', \Gamma_2(w_2)) \in \mathbb{C}\{\tau', w_2\}^d$ , comme annoncé.

Remerciements. Je tiens à remercier Sylvain Damour pour des lectures minutieuses de ce travail.

### Références bibliographiques

- [1] Artin M., On the solutions of analytic equations, Invent. Math. 5 (1968) 277–291.
- [2] Baouendi M.S., Ebenfelt P., Rothschild L.P., Real Submanifolds in Complex Space and Their Mappings, Princeton Math. Ser., Vol. 47, Princeton Univ. Press, Princeton, NJ, 1999.
- [3] Baouendi M.S., Rothschild L.P., Zaitsev D., Equivalences of real submanifolds in complex space, Preprint.
- [4] Diederich K., Pinchuk S., Proper holomorphic maps in dimension 2 extend, Indiana Univ. Math. J. 44 (4) (1995) 1089–1126.
- [5] Diederich K., Pinchuk S., Reflection principle in higher dimensions, Doc. Math. Extra II (1998) 703–712.
- [6] Merker J., On the Schwarz symmetry principle in three-dimensional complex Euclidean space, Prépublication École normale supérieure 25 (1997).
- [7] Merker J., Vector field construction of Segre sets, arXiv.org/abs/math.CV/9901010.
- [8] Merker J., Étude de la régularité analytique de l'application de symétrie CR formelle, arXiv.org/abs/math.CV/0005290.
- [9] Mir N., On the convergence of formal mappings of hypersurfaces, Preprint.
- [10] Moser J.K., Webster S.M., Normal forms for real surfaces in  $\mathbb{C}^2$  near complex tangents and hyperbolic surface transformations, Acta Math. 150 (1983) 255–296.
- [11] Stanton N., Infinitesimal CR automorphisms of real hypersurfaces, Amer. J. Math. 118 (1996) 209–233.