

## L'« irréversible-synthétique » en mathématiques

Le champ mathématique est universellement traversé par ce que nous appellerons dorénavant l'**irréversible-synthétique**. Est *synthétique* tout raisonnement qui compose avec des objets de pensée et qui rassemble des éléments de connaissance en un tout cohérent, en travaillant de manière locale ou (partiellement) globale. Est *irréversible* tout phénomène physique qui ne fonctionne que dans un seul sens, sans pouvoir être renversé spontanément, comme par exemple la formation d'un précipité chimique ou l'oxydation du fer. Mais dans le domaine abstrait, l'irréversible ne peut être caractérisé en termes organiques, ou être quantifié en termes d'entropie. Parler d'« irréversibilité mathématique » ne constituerait certainement pas une expression adéquate, parce qu'il n'y a pas, dans le domaine de la pensée pure, de démonstrations en marche par elles-mêmes qu'il suffirait de déclencher en confrontant les définitions aux questions, dans un creuset magique et hypothétique que personne n'a encore découvert. **En mathématiques, nul automatisme empirique, et il n'y a pas d'essence motrice séparée.** Aussi l'« irréversible » doit-il se rapporter dans sa notion propre à ce qui fait que l'essence des mathématiques est de démontrer synthétiquement, **chaque démonstration synthétique faisant basculer les contenus de manière irréversible dans le champ expansif des résultats rigoureusement établis.**